

『[新装版] ルベーク積分入門–使うための理論と演習』正誤表 (第1版第1刷)

- p. iii, 下から7行目 [吉田2]の直後に次を挿入:
また, 著者開設のツイッターのアカウント (@noby_leb) を通じ, 共に本書で学ぶ仲間と繋がったり, 著者に質問することもできる.

- p. 36, 上から4行目 (1.24)直後, $\varphi(t\pm)$ の定義の後に次を挿入:

また, $-\infty \leq s \leq t \leq \infty, \varphi(s) = \varphi(t) = \pm\infty$ の場合, $\varphi(t) - \varphi(s) = 0$ と規約する.

- p. 36, 上から7行目 (1.25) を以下に差し替える:

$$a \leq s \leq t \leq b \text{ なら } \mu((s, t] \cap \mathbb{R}) = \varphi(t) - \varphi(s).$$

- p. 38, 上から6行目 「したがって」を削除.

- p. 38, 上から7-8行目 例 1.5.3 の証明を次のものに差し替え:

証明 $\overset{\circ}{N} = \emptyset$ を否定し $\exists x \in \overset{\circ}{N}$ とする. このとき, $\exists r > 0, B(x, r) \subset N$. したがって, $B(x, r) \cap S \subset N$. ところが, これは $N \in \mathcal{N}^\mu$ に反する. また, $\overline{S} = \overline{S \setminus N}$ を示すには, $\forall x \in S, \forall r > 0, B(x, r) \cap (S \setminus N) \neq \emptyset$ ならよい. そこで, これを否定し $\exists x \in S, \exists r > 0, B(x, r) \cap (S \setminus N) = \emptyset$ とすると $B(x, r) \cap S \subset N$ となり, $N \in \mathcal{N}^\mu$ に反する. \(\wedge\)\(\square\)\(\wedge\)/

- p. 45, 上から6行目

問 2.1.5: 1行目の 「 $\in \mathcal{B}$ 」を削除 (不要な条件).

- p. 58, 下から5行目

$$「f + g」 \rightarrow 「(f + g)|_{S_1}」$$

- p. 58, 下から2行目

$$「f」 \rightarrow 「f|_{S_1}」$$

- p. 64, 下から1行目

$$「\int \xi_k d\mu = m」 \text{ を削除 (不要な条件).}$$

- p. 92, 下から4行目

$$「\infty \leq \alpha \leq \beta \leq \infty」 \rightarrow 「\infty < \alpha \leq \beta < \infty」$$

- p. 95, 上から7行目 (4.8)直後, $\varphi(t\pm)$ の定義の後に次を挿入:

また, $-\infty \leq s \leq t \leq \infty, \varphi(s) = \varphi(t) = \pm\infty$ の場合, $\varphi(t) - \varphi(s) = 0$ と規約する.

- p. 95, 上から10行目 (4.9) を以下に差し替える:

$$a \leq s \leq t \leq b \text{ なら } \mu((s, t] \cap \mathbb{R}) = \varphi(t) - \varphi(s).$$

- p. 96, 下から6行目 「(ii)の証明:」直後に次を挿入「記号を簡単にするために $a = -\infty$ とするが, $a > -\infty$ でも同様である。」

- p. 153, 上から 10–17 行目 系 6.3.4 の証明を次のものに差し替え :
証明: 仮定より, 次のような自然数列 $K_1 < K_2 < \dots$ が存在する :

$$\mu(|F_{K_n} - f| > 1/n) < 2^{-n}.$$

このとき, 任意の $N \geq 1$ に対し,

$$\begin{aligned} \mu\left(\sup_{n \geq N} |F_{K_n} - f| > 1/N\right) &= \mu\left(\bigcup_{n \geq N} \{|F_{K_n} - f| > 1/N\}\right) \\ &\stackrel{\text{測度の劣加法性}}{\leq} \sum_{n \geq N} \mu(|F_{K_n} - f| > 1/N) \\ &\leq \sum_{n \geq N} \mu(|F_{K_n} - f| > 1/n) \\ &\leq \sum_{n \geq N} 2^{-n} \rightarrow 0, \quad (N \nearrow \infty). \end{aligned}$$

ゆえに, $f_n \stackrel{\text{def.}}{=} F_{K_n}$ は命題 6.3.3 の (a) を, したがって (a)–(c) を全て満たす. \square