

日評ベーシック・シリーズ『常微分方程式』

第1刷 正誤表

以下の箇所に誤りがありました。お詫びして訂正します。また、読者からいただいた質問に対応する加筆修正もあわせて掲載いたします。

- pp. 9~10, 式 (0.6), (0.7), (0.8): (誤) $a \neq 0 \rightarrow$ (正) $a > 0$

- p. 36, 注意 1~2 行目:

(誤) 固形腫瘍の成長を捉えたモデルをゴンペルツ (Benjamin Gompertz, 1779–1865) が提案した。

(正) 動物の固形腫瘍の成長を捉えたモデルをレアード (Anna Kane Laird) が提案した (1964)。

- p. 36, 注意 4 行目: “ k, α は正の定数である”に次の文を脚注として追加:

この常微分方程式の描く曲線はゴンペルツ曲線とよばれる。ゴンペルツ曲線の名称はゴンペルツ (Benjamin Gompertz, 1779–1865) の成人死亡率の研究 (1825) に因む。ゴンペルツ曲線については瀬野裕美『数理生物学』共立出版 (2007), pp. 28–29 を参照するとよい。ソフトウェア信頼性におけるゴンペルツ曲線については山田茂『ソフトウェア信頼性の基礎』, 共立出版 (2011) 参照。

- p. 39, 例題 2.19 の解答の最後の行: (誤) $y = 2x^2(\log x + C) \rightarrow$ (正) $y^2 = 2x^2(\log x + C)$

- p. 40, 例題 2.22 4 行目: (誤) 奈良県立大 \rightarrow (正) 奈良県立医大

- p. 41, 1 行目~2 行目を以下のように修正:

$0 < \phi < \pi/4$ より $x > 0$ かつ $y > 0$ であることに注意。 $(x - q)^2 + y^2 = q^2$ より $q = (x^2 + y^2)/(2x)$. ここに $y = y'(x - q)$ を代入して整理すると

- p. 41, 8 行目~14 行目を以下のように訂正:

$x > 0, u > 0$ に注意して不定積分を実行すると

$$\log \frac{u}{1+u^2} = \log x + C, \quad C \in \mathbb{R}.$$

これを書き直して $x^2 + y^2 = Ay$, ($A = e^{-C} > 0$)。これは $(0, A/2)$ を中心とする半径 $r = A/2$ の円の $x > 0$ かつ $y > 0$ の部分を表す。点 P の座標は θ を使って

$$x = r \cos\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right), \quad y = r - r \sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right),$$

と表される。

- p. 42, 問題 2.24 (1) : (誤) $(x - 3y + 4y)y' \rightarrow$ (正) $(x - 3y + 4)y'$

- p. 43, 5 行目:

$$\begin{aligned}
 \text{(誤)} \tan \theta_1 &= \begin{cases} \frac{\tan \theta_2 - \tan \omega}{1 + \tan \theta_2 \tan \omega}, & (\theta_1 > \theta_2 \text{ のとき}) \\ \frac{\tan \theta_2 + \tan \omega}{1 - \tan \theta_2 \tan \omega}, & (\theta_1 < \theta_2 \text{ のとき}). \end{cases} \\
 \text{(正)} \tan \theta_1 &= \begin{cases} \frac{\tan \theta_2 + \tan \omega}{1 - \tan \theta_2 \tan \omega}, & (\theta_1 > \theta_2 \text{ のとき}) \\ \frac{\tan \theta_2 - \tan \omega}{1 + \tan \theta_2 \tan \omega}, & (\theta_1 < \theta_2 \text{ のとき}). \end{cases}
 \end{aligned}$$

- p. 47, 演習問題, 問 2.2 (2) を次の問題に差し替える.

$$y' + by^2 = a \quad (a, b \text{ は定数}).$$

- p. 50, 2 行目: (誤) $y' - 5y = 0 \mapsto$ (正) $y' - 2y = 0$
- p. 52, 問題 3.7 (2): $\cos xy$ は紛らわしいので $(\cos x)y$ に表記変更.
- p. 56, 5 行目と 6 行目: (誤) $Ce^{2x^3} \mapsto$ (正) Ce^{2x^2}
- p. 56, 11 行目: (誤) $x = u + 1/v \mapsto$ (正) $y = u + 1/v$
- p. 57, 問 3.2 下から 1 行目: [横浜市立大学] を [横浜市立大] に.
- p. 60, 13 行目: (誤) $A'(x) \mapsto$ (正) $A(x)$
- p. 60, 15 行目: (誤) $y = c_1 e^{\alpha x} + c_2 e^{(\beta-\alpha)x} \mapsto$ (正) $y = c_1 e^{\alpha x} + c_2 e^{\beta x}$
- p. 64, 13 行目: (誤) $y'' + py' + q = 0 \mapsto$ (正) $y'' + py' + qy = 0$
- p. 64, 15 行目:

(誤) e^{-ax} を用いて $z = uy = e^{-ax}y$ とおけば
(正) e^{ax} を用いて $z = uy = e^{ax}y$ とおけば

- p. 66, 系 4.14 (2) 1 行目: (誤) $q = -\mu^2 > 0 \mapsto$ (正) $q = -\mu^2 < 0$
- p. 68, 5 行目: (誤) $\cos \delta = \frac{x_0}{A}, \sin \delta = \frac{v_0}{\omega A} \mapsto$ (正) $\cos \delta = \frac{v_0}{\omega A}, \sin \delta = \frac{x_0}{A}$
- p. 74, 13 行目: (誤) $y = Ce^{\gamma x} = e^{\alpha x}$ とおくと \mapsto (正) $y = Ce^{\gamma x} = Ce^{\alpha x}$ とおくと
- p. 74, 17 行目:

$$\begin{aligned}
 \text{(誤)} \quad &C\{\alpha^2 x + 2\alpha - (\alpha + \beta)(\alpha x + 1) + \alpha\beta\}e^{\alpha x} \\
 \text{(正)} \quad &C\{\alpha^2 x + 2\alpha - (\alpha + \beta)(\alpha x + 1) + \alpha\beta\}e^{\alpha x}
 \end{aligned}$$

- p. 74, 20 行目:

$$\begin{aligned}
 \text{(誤)} \quad &y = c_1 e^{\alpha x} + \left(\frac{1}{\alpha - \beta} + c_2 \right) x e^{\alpha x}, \quad c_1, c_2 \in \mathbb{R}. \\
 \text{(正)} \quad &y = c_1 e^{\alpha x} + c_2 e^{\beta x} + \frac{x}{\alpha - \beta} e^{\alpha x}, \quad c_1, c_2 \in \mathbb{R}.
 \end{aligned}$$

- p. 78, 7 行目:

$$\begin{aligned} \text{(誤)} & -\frac{R}{L} \pm \frac{R}{2L} \sqrt{1 - \frac{4L}{R^2C}} \\ \text{(正)} & -\frac{R}{2L} \pm \frac{R}{2L} \sqrt{1 - \frac{4L}{R^2C}} \end{aligned}$$

- p. 78, 9 行目:

$$\begin{aligned} \text{(誤)} \alpha &= \frac{R}{L}, \quad \beta = \frac{R}{2L} \sqrt{1 - \frac{4L}{R^2C}} \\ \text{(正)} \alpha &= \frac{R}{2L}, \quad \beta = \frac{R}{2L} \sqrt{\left|1 - \frac{4L}{R^2C}\right|} \end{aligned}$$

- p. 78, 10 行目: “すなわち $\lambda = -\alpha \pm \beta$.” を削除.

- p. 82, 8 行目:

(誤) $W(f, g)(x) = C \exp(\int p(\mathbf{x}) dx)$ と表せる

(正) $W(f, g)(x) = C \exp(\int -p(\mathbf{x}) dx)$ と表せる

- p. 89, 2 行目: (誤) $p(x) = -(x + 2)\mathbf{x} \mapsto$ (正) $p(x) = -(x + 2)/\mathbf{x}$

- p. 98, (5.14):

(誤) $\frac{1}{D - \alpha^2} f(x) \mapsto$ (正) $\frac{1}{D^2 - \alpha^2} f(x)$

- p. 104, 下から 5 行目: コラムのタイトルを擬微分作用素から擬微分演算子に変更.

- p. 116, 16 行目:

$$\begin{aligned} \text{(誤)} a_{2k+1} &= \frac{(n+2)\dots(n+2k)\cdot(n-1)(n-3)\dots(n+2k+1)}{(2k+1)!} a_1, \quad k \geq 1 \\ \text{(正)} a_{2k+1} &= (-1)^k \frac{(n+2)\dots(n+2k)\cdot(n-1)(n-3)\dots(n+2k+1)}{(2k+1)!} a_1, \quad k \geq 1 \end{aligned}$$

- p. 119, 脚注の 5 行目:

$$\begin{aligned} \text{(誤)} P_0 &\left(1 + \sum_{k=0}^m (-1)^k \frac{n(n-2)\dots(n-2k+2)\cdot(n+1)(n+3)\dots(n+2k-1)}{(2k)!} \right) \mathbf{x}^{2k} \\ \text{(正)} P_0 &\left(1 + \sum_{k=1}^m (-1)^k \frac{n(n-2)\dots(n-2k+2)\cdot(n+1)(n+3)\dots(n+2k-1)}{(2k)!} \mathbf{x}^{2k} \right) \end{aligned}$$

- p. 119, 脚注の 8 行目:

$$\begin{aligned} \text{(誤)} a_0 &\left(1 + \sum_{k=0}^m (-1)^k \frac{n(n-2)\dots(n-2k+2)\cdot(n+1)(n+3)\dots(n+2k-1)}{(2k)!} \right) \mathbf{x}^{2k}, \\ \text{(正)} a_0 &\left(1 + \sum_{k=1}^m (-1)^k \frac{n(n-2)\dots(n-2k+2)\cdot(n+1)(n+3)\dots(n+2k-1)}{(2k)!} \mathbf{x}^{2k} \right), \end{aligned}$$

- p. 120, (6.14):

$$\begin{aligned}
 & (\text{誤}) P_n(x) = \sum_{k=0}^{[n/2]} (-1)^k \frac{(2n-2k)!}{2^n \cancel{k}(n-k)!(n-2k)!} x^{n-2k} \\
 & (\text{正}) P_n(x) = \sum_{k=0}^{[n/2]} (-1)^k \frac{(2n-2k)!}{2^n \cancel{k}!(n-k)!(n-2k)!} x^{n-2k}
 \end{aligned}$$

- p. 120, 系 6.22 の証明の 4 行目:

$$\sum_{k=0}^{[n/2]} \frac{1}{2^n n!} {}_n C_k \frac{(2n-2k)!}{2^n k(n-k)!(n-2k)!} x^{n-2k}$$

を次のように修正.

$$\sum_{k=0}^{[n/2]} \frac{1}{2^n n!} {}_n C_k \frac{(2n-2k)!}{(n-2k)!} (-1)^k x^{n-2k} = \sum_{k=0}^{[n/2]} (-1)^k \frac{(2n-2k)!}{2^n k!(n-k)!(n-2k)!} x^{n-2k}$$

- p. 122, 8 行目:

$$\begin{aligned}
 & (\text{誤}) \int_{-1}^1 x^n P_n(x) dx = \frac{2 \cdots 2^n n! n!}{(2n+1)!}. \\
 & (\text{正}) \int_{-1}^1 x^n P_n(x) dx = \frac{2 \cdot 2^n n! n!}{(2n+1)!}.
 \end{aligned}$$

- p. 124, 7 行目:

$$\begin{aligned}
 & (\text{誤}) a_{2n+1} = (-1)^n 2^n \frac{\alpha(\alpha-1)(\alpha-3)\dots(\alpha-2n+1)}{(2n+1)!} a_1 \\
 & (\text{正}) a_{2n+1} = (-1)^n 2^n \frac{(\alpha-1)(\alpha-3)\dots(\alpha-2n+1)}{(2n+1)!} a_1
 \end{aligned}$$

- p. 124, 10 行目:

$$\begin{aligned}
 & (\text{誤}) y_{2;\alpha}(x) = x + \sum_{n=1}^{\infty} (-2)^n \frac{\alpha(\alpha-1)(\alpha-3)\dots(\alpha-2n+1)}{(2n+1)!} x^{2n+1} \\
 & (\text{正}) y_{2;\alpha}(x) = x + \sum_{n=1}^{\infty} (-2)^n \frac{(\alpha-1)(\alpha-3)\dots(\alpha-2n+1)}{(2n+1)!} x^{2n+1}
 \end{aligned}$$

- p. 124, 下から 3 行目: (誤) $H_{2m}(x) = \sum_{k=0}^{\cancel{2m}} a_{2k} x^{2k} \longmapsto$ (正) $H_{2m}(x) = \sum_{k=0}^{\cancel{m}} a_{2k} x^{2k}$

- p. 125, 2 行目:

$$(\text{誤}) H_{2m+1}(x) = \sum_{k=0}^{\cancel{2m+1}} a_{2k+1} x^{2k+1} \longmapsto (\text{正}) H_{2m+1}(x) = \sum_{k=0}^{\cancel{m}} a_{2k+1} x^{2k+1}$$

- p. 126, 11 行目 “ $= -2xD^n(e^{-x^2}) - 2nD^{n-1}(e^{-x^2})$ ” を削除.

- p. 128, 3 行目:

$$\begin{aligned}
 & (\text{誤}) (1-x^2) \sum_{n=2}^{\infty} k(k-1)a_{\textcolor{red}{k-2}}x^{k-2} - x \sum_{n=1}^{\infty} ka_{\textcolor{red}{k-1}}x^{k-1} + n^2 \sum_{n=0}^{\infty} a_k x^k = 0. \\
 & (\text{正}) (1-x^2) \sum_{k=2}^{\infty} k(k-1)a_{\textcolor{blue}{k}}x^{k-2} - x \sum_{k=1}^{\infty} ka_{\textcolor{blue}{k}}x^{k-1} + n^2 \sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k = 0.
 \end{aligned}$$

- p. 129, 3 行目: (誤) $a_1 = (-1)^{2m+1}(2m+1)$ \mapsto (正) $a_1 = (-1)^m(2m+1)$

- p. 134, 脚注を削除.

- p. 135, 2 行目: (誤) $\sum_{i=1}^k \langle a_{k+1}, \textcolor{red}{e}_i \rangle u_i \mapsto$ (正) $\sum_{i=1}^k \langle a_{k+1}, \textcolor{blue}{u}_i \rangle u_i$
- p. 135, 8 行目: (誤) $\langle e_1 | \textcolor{red}{e}_0 \rangle \textcolor{red}{e}_0 \mapsto$ (正) $\langle e_1 | \textcolor{blue}{u}_0 \rangle \textcolor{blue}{u}_0$
- p. 135, 8 行目: (誤) $\frac{1}{2} \int_{-1}^1 x \mathbf{d} \mapsto$ (正) $\frac{1}{2} \int_{-1}^1 x \mathbf{d}x$
- p. 135, 10 行目: (誤) $\sum_{i=0}^1 \langle e_2 | \textcolor{red}{e}_i \rangle \textcolor{red}{e}_i \mapsto$ (正) $\sum_{i=0}^1 \langle e_2 | \textcolor{blue}{u}_i \rangle \textcolor{blue}{u}_i$
- p. 135, 10 行目: (誤) $\frac{3}{2} \int_{-1}^1 x^3 dx \mapsto$ (正) $\frac{3}{2} \textcolor{blue}{x} \int_{-1}^1 x^3 dx$
- p. 138, 下から 8 行目: 漸化式を解くと $\mapsto r = \alpha$ のときに漸化式を解くと
- p. 139, 6 行目:

$$\begin{aligned}
 & (\text{誤}) J_n(x) = \left(\frac{x}{2}\right)^n \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k!(\textcolor{red}{n+k+1})} \left(\frac{x}{2}\right)^{2k} \\
 & (\text{正}) J_n(x) = \left(\frac{x}{2}\right)^n \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k!\Gamma(\textcolor{blue}{n+k+1})} \left(\frac{x}{2}\right)^{2k}
 \end{aligned}$$

- p. 139, 8 行目:

$$\begin{aligned}
 & (\text{誤}) J_{-n}(x) = \left(\frac{x}{2}\right)^{-n} \sum_{\textcolor{red}{n}=0}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k!(\textcolor{red}{k-n+1})} \left(\frac{x}{2}\right)^{2k} \\
 & (\text{正}) J_{-n}(x) = \left(\frac{x}{2}\right)^{-n} \sum_{\textcolor{blue}{k}=0}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k!\Gamma(k-n+1)} \left(\frac{x}{2}\right)^{2k}
 \end{aligned}$$

- p. 139, 9 行目: (誤) $k \leq \textcolor{red}{n}$ \mapsto (正) $k \leq \textcolor{blue}{n-1}$

- p. 139, 11 行目:

$$\begin{aligned}
 & (\text{誤}) J_{-n}(x) = \left(\frac{x}{2}\right)^{-n} \sum_{\textcolor{red}{n}=0}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k!(-n+k+1)} \left(\frac{x}{2}\right)^{2k} \\
 & (\text{正}) J_{-n}(x) = \left(\frac{x}{2}\right)^{-n} \sum_{\textcolor{blue}{k}=0}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k!\Gamma(-n+k+1)} \left(\frac{x}{2}\right)^{2k}
 \end{aligned}$$

- p. 139, 12 行目:

$$\begin{aligned} & \text{(誤)} \sum_{k=n}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k!(k-n)!} \left(\frac{x}{2}\right)^{2k-n} \\ & \text{(正)} \sum_{k=n}^{\infty} \frac{(-1)^k}{k!(k-n)!} \left(\frac{x}{2}\right)^{2k-n} \end{aligned}$$

- p. 140, 15 行目: “同様に $J_{-n}(x)$ も解であるから”に次のように加筆:

“同様に $J_{-n}(x)$ も解であるから, $f_{-n}(x)$ を $g_n(x)$ とおくと”

- p. 140, 下から 5 行目:

$$\begin{aligned} & \text{(誤)} N_n(x) = \lim_{\alpha \rightarrow n} \frac{\cos(\alpha x) J_\alpha(x) - J_{-\alpha}(x)}{\sin(\alpha \textcolor{red}{x})} \\ & \text{(正)} N_n(x) = \lim_{\alpha \rightarrow n} \frac{\cos(\alpha x) J_\alpha(x) - J_{-\alpha}(x)}{\sin(\alpha \textcolor{blue}{\pi})} \end{aligned}$$

- p. 141, 10 行目:

$$\begin{aligned} & \text{(誤)} (a)_n = a(a+1) \cdots (a+\textcolor{red}{k}-1) \\ & \text{(正)} (a)_n = a(a+1) \cdots (a+\textcolor{blue}{n}-1) \end{aligned}$$

- p. 146, 7 行目: (誤) $\frac{d}{dt}(\textcolor{red}{A}\vec{\psi}) \mapsto$ (正) $\frac{d}{dt}(\textcolor{blue}{L}\vec{\psi})$

- p. 159, 4 行目から 6 行目:

$$\begin{aligned} \mathbf{y} &= Q \exp(axE) \exp(-bxJ) \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix} = Q \exp(x(aE - bJ)) \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix} \\ &= Q \exp(axE) \exp(-bxJ) \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix} = Q \exp(x(aE - bJ)) Q^{-1} Q \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix} \\ &= \exp(Q(x(aE - bJ)Q^{-1}) Q \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix} = \exp(xA) Q \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \end{pmatrix} = \exp(xA) \mathbf{y}_0 \end{aligned}$$

赤字の部分を削除.

- p. 166, 5 行目: (誤) $\frac{\partial^2 f}{\partial x_i \textcolor{red}{x}_j}(a_1, a_2) \mapsto$ (正) $\frac{\partial^2 f}{\partial x_i \partial \textcolor{blue}{x}_j}(a_1, a_2)$
- p. 172, 10 行目: (誤) ハングリーロトカ-ボルテラ \mapsto (正) ハングリーロトカ-ヴォルテラ
(誤) Volterra \mapsto (正) Volterra
- p. 176, 9 行目: 軌道 (最速降下線) \mapsto 軌道 (最速降下線または最短降下線)
- p. 176, 下から 6 行目から p. 177, 2 行目までの説明に以下のように変更.

図 8.1 のように水平方向に y 軸, 鉛直下方に x 軸をとれば力学的エネルギー保存の法則(問題 8.3 参照)より, 時刻 t における速度 $v = v(t)$ は $\frac{1}{2}mv^2 - mgx = 0$ を満たす (g は重力加速度) ので

$$2gx = v^2 = \left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2 = \left(\frac{dx}{dt}\right)^2 \left(1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2\right).$$

したがって

$$\frac{dx}{dt} = \sqrt{\frac{2gx}{1 + (y')^2}}, \quad y' = \frac{dy}{dx}.$$

質点が (x_0, y_0) に到達するまでの時間 t は

$$t = \int_0^{x_0} \sqrt{\frac{1 + (y')^2}{2gx}} dx$$

で与えられる。そこで

- p. 177, 11 行目: (誤) $a = 1/(2C^2g) \longmapsto$ (正) $a = 1/(4C^2g)$

- p. 183, 6 行目:

$$= \frac{(q-1)(q-2)\cdots 2 \cdot 1}{p(p+1)(p+2)\cdots(p+q-2)(p+q-1)}$$

を削除。

- p. 188, 4 行目: (誤) $\{e^x, xe^x\} \longmapsto$ (正) $\{e^x\}$

- p. 189, 6 行目: (誤) $\left(\sum_{n=0}^{\infty} 1\right) e^{\textcolor{red}{x/2}} \longmapsto$ (正) $\left(\sum_{n=0}^{\infty} 1\right) e^{\textcolor{blue}{x}}$

- p. 190, 下から 1 行目:

$$(誤) \|D^{-1}\| = \inf \frac{\|D^{-1}f\|}{\|f\|} \longmapsto (正) \|D^{-1}\| = \sup_{\|f\|\neq 0} \frac{\|D^{-1}f\|}{\|f\|}$$

- p. 191, 例 B.2 の 2 行目:

$$\frac{1}{s-\alpha}. \text{ を } \frac{1}{s-\alpha}, \quad (s > \alpha).$$

とする。

- p. 191, 脚注 1]:

次のものに差し替える。

t に関する微分演算はプライム (\prime) で表す。

- p. 193, 表 B.1 の 5 行目左列: (誤) $\cos(bt) \longmapsto$ (正) $\cos(bt)$ ($s > 0$)

- p. 193, 表 B.1 の 6 行目左列: (誤) $\sin(bt) \longmapsto$ (正) $\sin(bt)$ ($s > 0$)

- p. 196, 問題 1.6 (1) の解答を次のように修正。

たとえば $y' = 2x$. 他にも $y'' = 2$ や $y''' = 0$.

- p. 196, 問題 2.13, 2 行目: (誤) $C = \log \log (\textcolor{red}{x}_0/k) \longmapsto$ (正) $C = \log \log (\textcolor{blue}{k}/x_0)$

“ $\lim_{t \rightarrow \infty} x(t) = k$ に注意”に次の文を脚注として追加。

ソフトウェア信頼性の文献では, x_0/k を a , e^{-a} を b と書き換えた $x(t) = ka^{b^t}$ という表記を用いていることがあるので読み比べるときは注意されたい。

- p. 196, 問題 2.11 (2): (誤) $\sqrt{y} = x^2/4 + C \longmapsto$ (正) $\sqrt{y} = x^2/4 + C$ および $y = 0$.

- p. 197, 問題 2.21 (2): (誤) $u'x = 1/2 \longmapsto$ (正) $u'x = 1/u^2$

- p. 197, 問題 2.24 (2):

(誤) $3x - 4y + 5 \log(8x - 12y - 7) = C \longmapsto$ (正) $8x - 4y + 5 \log(8x - 12y - 7) = C$

文末に次を加筆

$$(u = 2x - 3y \text{ とおいてもよい. その場合 } \frac{du}{dx} = 2 - \frac{3(2u - 1)}{u + 2}) .$$

- p. 197, 問題 2.2 (1): (誤) $y = -x^2/2 + C \longmapsto$ (正) $1/y = -x^2/2 + C$

(2) 問題の差し替えに伴い, 次の解答に差し替える.

$a = 0$ のとき $y = 1/(bx + c)$ ($c \in \mathbb{R}$), $b = 0$ のとき $y = ax + c$ ($c \in \mathbb{R}$), $ab < 0$ のとき $y = \sqrt{-a/b} \tan(\sqrt{-ab}x + c)$ ($c \in \mathbb{R}$), $ab > 0$ のとき $y = \sqrt{a/b} \tanh(\sqrt{ab}x + c)$ ($c \in \mathbb{R}$) および $y = \pm\sqrt{a/b}$. $ab > 0$ の場合は

$$\int \frac{dy}{y^2 - A^2} = \frac{1}{2A} \log \left| \frac{y - A}{y + A} \right| + C, \quad A > 0, \quad C \in \mathbb{R}$$

を用いて

$$y = \sqrt{\frac{a}{b}} \left(\frac{Ce^{2\sqrt{ab}x} + 1}{Ce^{2\sqrt{ab}x} - 1} \right), \quad C \in \mathbb{R}$$

と表すこともできる.

- p. 198, 問題 2.3 (2),

1 行目: (誤) $\dot{x}(0) = \sqrt{2}k/\textcolor{red}{R} \longmapsto$ (正) $\dot{x}(0) = \sqrt{2}k/\sqrt{\textcolor{blue}{R}}$

2 行目: (誤) $x(t) = \left(\frac{2\sqrt{2}}{3}kt + R^{3/2} \right)^{2/3} \longmapsto$ (正) $x(t) = \left(\frac{3}{\sqrt{2}}kt + R^{3/2} \right)^{2/3}$

- p. 199, 問題 3.8 (1), 2 行目:

(誤) $-2ax^2 + 2(a - b)x + (b - 2c) \cancel{2x^2} - 4x + 3$

(正) $-2ax^2 + 2(a - b)x + (b - 2c) = 2x^2 - 4x + 3$

- p. 202, 問題 4.33 (1) :

(誤) $y = (Ax)/\textcolor{red}{w} + c_1 \cos(\omega x) + c_2 \sin(\omega x)$

(正) $y = (Ax)/\textcolor{blue}{w}^2 + c_1 \cos(\omega x) + c_2 \sin(\omega x)$

- p. 202, 問題 4.35 (1): (誤) $v = -\log \textcolor{red}{x} \longmapsto$ (正) $v = \log \textcolor{blue}{x}$

- p. 202, 問題 4.39,

2 行目: (誤) $y = u(x)e^x$ とおいて代入すると \longmapsto (正) $y = u(x)e^x$ とおいて代入し, 積分する

3 行目: (誤) $y = \frac{1}{2}x^2e^{-\textcolor{red}{x}} + c_1e^x + c_2(x + 1) \longmapsto$ (正) $y = \frac{1}{2}x^2e^{\textcolor{blue}{x}} + c_1e^x + c_2(x + 1)$

- p. 202, 問 4.2 (1),

2~3 行目: (誤) $A(x) = \cancel{x^2}/\log x - 3x^2/4 \longmapsto$ (正) $A(x) = (x^2/2)\log x - 3x^2/4$

3 行目: (誤) $y = e^{2x}(\cancel{x^2}/\log x - 3x^2/4) \longmapsto$ (正) $y = e^{2x}\{(x^2/2)\log x - 3x^2/4\}$

- p. 204, 問題 5.23 (1) の解答例 1 行目:

$$(誤) y_0 = e^{\cancel{2x}} \left(\frac{1}{D^3 + 3D^2 - D - 3} \right) x \text{ で求められる}$$

$$(正) y_0 = e^{-2x} \left(\frac{1}{D^3 + 3D^2 - D - 3} \right) x \text{ で求められる}$$

- p. 204, 問題 5.23 (1) の解答例 2 行目:

(誤) 山辺の方法で $y_0 = e^{\cancel{2x}}(x^4/36 - x^3/27 + x^2/27)$ を得る

(正) 山辺の方法で $y_0 = e^{-2x}(-x/3 + 1/9)$ を得る

筆算は次のように行える.

$$\begin{array}{r} -\frac{x}{3} + \frac{1}{9} \\ \hline -3 - D + 3D^2 + D^3 \Big) \quad x \\ x + \frac{1}{3} \\ \hline -\frac{1}{3} \\ -\frac{1}{3} \\ \hline 0 \end{array}$$

- p. 204, 問題 5.23 (2) の解答例:

(誤) 山辺の方法で $y_0 = e^x(-x^2/12 + x/18)$ を得る

(正) 山辺の方法で $y_0 = e^x(-x^2/12 + x/18 - 13/216)$ を得る

筆算は次のように行える.

$$\begin{array}{r} -x^2/12 + x/18 - 13/216 \\ \hline -12 - 4D + 3D^2 + D^3 \Big) \quad x^2 \\ x^2 + \frac{2}{3}x - \frac{1}{2} \\ \hline -\frac{2}{3}x + \frac{1}{2} \\ -\frac{2}{3}x - \frac{2}{9} \\ \hline \frac{13}{18} \\ \frac{13}{18} \\ \hline 0 \end{array}$$

- p. 204, 問題 6.24: (誤) $x = \cos \theta \longleftrightarrow$ (正) $x = \sin \theta$
- p. 205, 問題 6.33 (1): 3 行目: (誤) $_n C_n i^2 \tan^n \theta \longleftrightarrow$ (正) $_n C_n i^n \tan^n \theta$
- p. 205, 問題 6.36 (1): 1 行目: (誤) $f(1/2) = -1/4 \longleftrightarrow$ (正) $f(-1) = f(1/2) = -1/4$
2 行目: (誤) $f(-1/2) = 1/4 \longleftrightarrow$ (正) $f(1) = f(-1/2) = 1/4$
- p. 206, 問題 6.36 (2), 2 行目:
(誤) $h(x) = ax^2 + (b-3/4)x + c \longleftrightarrow$ (正) $h(x) = ax^2 + (b+3/4)x + c$
- p. 207, 問 6.3 (2):

$$\begin{aligned} & \text{(誤) "14} \left(t - \frac{28}{3} \right)^2 + \text{定数だから } t = \frac{28}{3} \text{ のときに"} \\ & \text{(正) "14} \left(t - \frac{2}{3} \right)^2 + \text{定数だから } t = \frac{2}{3} \text{ のときに"} \end{aligned}$$

- p. 208, 問 7.1: (誤) $\pm \sqrt{2}i \longleftrightarrow$ (正) $1 \pm 2i$
- p. 208, 問 7.2: (誤) “2 (重解)” \longleftrightarrow (正) “-2 (重解)”

文末に次を加筆.

(p. 167, 図 7.8 参照).

- p. 208, 問題 8.3: (誤) $\frac{dK}{dx} \frac{dx}{dt} \longleftrightarrow$ (正) $\frac{dK}{dv} \frac{dv}{dt}$
この解答のあとに次のように加筆:

最速降下線の場合, 時刻 t における運動エネルギーは $mv^2/2$, 位置エネルギーは $-mgx$ であるから $E(t) = mv^2/2 - mgx$ は一定. $E(0) = 0$ であるから $mv^2/2 - mgx = 0$ を得る.

- p. 208, 問題 A.6 (2), 3 行目:
(誤) $\lim_{x \rightarrow \infty} \int_0^t x^{m-1} e^{-x} dx \longleftrightarrow$ (正) $m \lim_{t \rightarrow \infty} \int_0^t x^{m-1} e^{-x} dx$
- p. 208, 問題 A.9, 2 行目:
(誤) $\int_0^{+\infty} e^{-t} (1/2)^{x-1} dt \longleftrightarrow$ (正) $\int_0^{+\infty} e^{-t} t^{-1/2} dt$