

楕円積分と楕円関数 — おとぎの国の歩き方 武部尚志著

正誤表 (2020 年 7 月 16 日判明分まで)

(\*) が付いているものは第 2 刷で修正済み。

• (\*) p.87 (5.39) 式: (誤)  $c^2 = \frac{b^2(2\lambda - b^2)}{(\lambda - b^2)^2}$ , (正)  $c^2 = \frac{2\lambda - b^2}{(\lambda - b^2)^2}$ ,

• (\*) p.94 下から 6 行目:

(誤)  $\sqrt{z}$  は  $-\sqrt{r}e^{i(2\pi)/2} = -\sqrt{r}$ .

(正)  $\sqrt{z}$  は  $\sqrt{r}e^{i(2\pi)/2} = \sqrt{r}$ .

• p.133 下から 2 行目: (誤) 図 9.2 のように (正) 図 9.3 のように

• p.136 図 9.4: トーラス上の  $B$  サイクルと、右下の球面上の  $B$  サイクルの向きを両方とも逆にする。

• p.137 下から 8 行目:

(誤) これにより被積分関数は

(正) これにより被積分関数のルートの中は

• p.141 定理 9.6 の 3 行目: (誤) 留数は  $\pm k$ . (正) 留数は  $\mp k$ .

• p.156 図 10.9 キャプションに説明を追加:

(右の二つの図は、長方形と  $A_j$  の位置関係に応じて回転させる必要がある。例えば、図 10.6 の場合は  $j = 0$  の時に上図のようになるが、他の  $j$  については適宜回転させる。この回転があってもなくても以下の議論は同じ。)

• p.169 図 11.4 と p.182 図 12.2: 左側の図の  $A_{\pm}$  と  $B_{\pm}$  を入れ替える (右側では変えない)。

• p.174 下から 10 行目「という条件を満たす第三種アーベル微分  $\omega_3(P, Q)$  の存在を示す。」と「実際には」の間に次を追加:

ここで、 $A$  は  $A$  サイクルを表す閉曲線で、 $P$  と  $Q$  を通らないものとする。

注意: 第一種アーベル微分の  $A$  周期を考える時には、閉曲線  $A$  は楕円曲線  $\bar{\mathcal{R}}$  のホモロジー群  $H_1(\bar{\mathcal{R}}, \mathbb{Z})$  の同じ元を与えるならば何でも良かったが、第三種アーベル微分は留数が 0 ではない極を持つから、 $H_1(\bar{\mathcal{R}}, \mathbb{Z})$  の元だけではなく、具体的な閉曲線を指定しないと積分値が定まらない。以下、 $\omega_3(P, Q)$  を使う場面で「 $A$  サイクル、 $B$  サイクル」という時には、 $A$  サイクルを表す曲線と  $B$  サイクルを表す曲線 (どちらも  $P, Q$  を通らない) が指定されているものとする。

• p.179 10 行目: (誤) (2) の積分 (正) (12.2) の積分

- p.212 練習 14.5 (ii)

(誤) リューヴィルの (第三) 定理 (定理 13.13))

(正) リューヴィルの (第三) 定理 (定理 13.14))

- p.215 下から 12 行目

(誤) リューヴィルの (第四) 定理 (定理 13.14) により

(誤) リューヴィルの (第四) 定理 (定理 13.15) により

- (\*) p.223 5 行目:

(誤)  $a_M \neq 0, b_N \neq 0$  となる

(正)  $a_M \neq 0, i < M$  ならば  $a_i = 0, b_N \neq 0, j < N$  ならば  $b_j = 0$  となる

- (\*) p.231 (15.38) 式の下: (誤) この右側の式 (正) この二番目の式

- (\*) p.242 下から 8 行目 ~ 7 行目:

(誤)  $v_0$  とその近傍  $U_0$  をうまく取れば、 $f$  は  $U_0, U_0 + a_0, \dots, U_0 + a_N$  という  $N + 2$  個の点の近傍  $v_0, v_0 + a_0, \dots, v_0 + a_N$  で正則になるようにできる。

(正)  $v_0$  とその近傍  $U_0$  をうまく取れば、 $f$  は  $v_0, v_0 + a_0, \dots, v_0 + a_N$  という  $N + 2$  個の点の近傍  $U_0, U_0 + a_0, \dots, U_0 + a_N$  で正則になるようにできる。

- p.282 (19.18) と (19.19): (五ヶ所) (誤)  $\prod_{n=1}^{\infty}$  (正)  $\prod_{l=1}^{\infty}$

- (\*) p.283 (19.22) 式最後:

$$\begin{aligned} \theta_{11}(u, \tau) &= \dots \\ \text{(誤)} \quad &= 2q^{1/4} \sin(\pi u) \prod_{n=1}^{\infty} (1 - q^{2n}) \prod_{n=1}^{\infty} (1 - 2q^{2n} \cos(2\pi u) + q^{4n}), \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \theta_{11}(u, \tau) &= \dots \\ \text{(正)} \quad &= -2q^{1/4} \sin(\pi u) \prod_{n=1}^{\infty} (1 - q^{2n}) \prod_{n=1}^{\infty} (1 - 2q^{2n} \cos(2\pi u) + q^{4n}), \end{aligned}$$

- p.288 (20.3) の下に次を追加:

ここでは第 18 章と同様に、 $\theta_{kl} = \theta_{kl}(0)$  という略記を用いる。

- p.291 下から 14 行目: (誤) この連載を (正) 本書を