

『すべての人の微分積分学 改訂版 (4刷)』正誤表 (最終版)

p.11 注意2の4行目. 「任意の個数」 → 「(nによらない) 任意の個数」

p.35 例2の直前に, 次の一行を挿入.

次に,  $f$  が多項式でない場合の例を挙げる.

p.37 一段落目と二段落目の間の空白を削除し, 詰める.

p.48 定理4.1の証明の3行目(3個の $\Sigma$ の不等式)から最下行までを削除.

p.49 1行目. 等号の直後に, 中辺を挿入し, 以下のようにする.

$$\sum_{1 \leq k \leq x} k^2 = \sum_{k=1}^n k^2 = \frac{n^3}{3} + O(n^2) \quad (4.2)$$

p.172 下から4行目. 「任意の  $C > 0$ 」 → 「任意の定数  $C$ 」

p.282 4行目. 「 $n \rightarrow \infty$ 」 → 「 $N \rightarrow \infty$ 」 (2か所)

p.284 下から2行目. 「2階微分可能」 → 「微分可能」

p.285 1行目. 「 $a \leq c \leq b$ 」 → 「 $a < c < b$ 」

p.285 2行目以降. 証明を, 以下に差し替え

証明 関数  $g(x) = f(x) - \frac{f(b)-f(a)}{b-a}x$  ( $a \leq x \leq b$ ) が  $x = c$  ( $a < c < b$ ) で最大値をとるとき, 小さい  $h > 0$  に対し  $g(c \pm h) < g(c)$  であり,

$$g'(c) = \lim_{h \rightarrow +0} \frac{g(c+h) - g(c)}{h} \leq 0 \text{ かつ } g'(c) = \lim_{h \rightarrow +0} \frac{g(c-h) - g(c)}{-h} \geq 0$$

より  $g'(c) = 0$  となる. この  $c$  が条件を満たす. 次に,  $g(x)$  が  $x = a$  で最大値  $g(a)$  ( $= g(b)$ ) をとるとき,  $g(x)$  はある  $x = c$  ( $a < c < b$ ) で最小値をとる. 上の証明で関数  $g(x)$  の代わりに  $-g(x)$  を考えれば,  $-g(x)$  は  $x = c$  ( $a < c < b$ ) で最大値をとるので, 上と同様に  $-g'(c) = 0$  を満たし, この  $c$  が条件を満たす. (証明終)

次図が表すように、定理 24.1 は、2 点  $A(a, f(a))$ ,  $B(b, f(b))$  を結ぶ線分 AB に平行な接線が存在することを意味している。(図 24.1 を挿入.)

また、 $f'(x)$  が区間  $a \leq x \leq b$  上で単調な連続関数として定義される場合、線分 AB の傾きは  $f'(a)$  と  $f'(b)$  の間の値となるから、定理 24.1 は、連続関数  $f'(x)$  に関する中間値の定理<sup>17)</sup>を表している。

**p.286** 4 行目。「今示した平均値の定理」→「定理 24.1」

**p.286** 9 行目。「2 階微分可能」→「微分可能」

**p.286** 12 行目。「 $a \leq c \leq b$ 」→「 $a < c < b$ 」

**p.286** 下から 2 行目。「2 つの連続関数  $f(x), g(x)$ 」→「連続関数  $f(x)$ 」

**p.297** 下から 7 行目。「不定形の」を削除

**p.297** 下から 5 行目。「不定形であり、」を削除

**p.305** 1 行目「定理 25.2 により分母と分子を微分して」→「定理 25.2 の結論の右辺が  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{e^x} = 0$  と収束するので」

**p.305** 例題 25.2(1) 解答の 2 行目「ロピタルの定理により、分母と分子を微分すると」→「ロピタルの定理の結論の右辺が  $\lim_{x \rightarrow +0} \left( -\frac{\sin^2 x}{2x \cos x} \right) = 0$  と収束するので」

**p.305** 例題 25.2(2) 解答の 2 行目「ロピタルの定理により、分母と分子を微分すると」→「ロピタルの定理の結論の右辺が  $\lim_{x \rightarrow +0} (-2\sqrt{x}) = 0$  と収束するので」

**p.322** 3.3(10) の解答。「次数以下の多項式」→「次数以下の式」

**p.322** 3.3(10) の解答。「0 次の多項式」→「0 次以下の式」

**p.322** 3.3(10) の解答。「これは定数のことである。定数は 5 とは限らない」→「これは 5 とは限らない」

**p.322** 3.3(11) の解答。「(すなわち 1 次) 以下の多項式」→「(すなわち 1 次) 以下の式」(2 か所)

**p.322** 3.3(12) の解答。「多項式」→「式」(3 か所)

**p.389** 25.2(5) 解答の1行目の末尾に以下の文を加筆.

「 $\frac{1}{\log y} = \frac{\sin x}{\log x}$  にロピタルの定理を適用すると、定理の結論の右辺が  
 $\lim_{x \rightarrow +0} x \cos x = 0$  と収束するので、 $\lim_{x \rightarrow +0} \frac{1}{\log y} = 0$ . また、 $0 < x < 1$   
のとき  $\log y < 0$  であるから、 $\lim_{x \rightarrow +0} \log y = -\infty$ .」

**p.389** 25.2(5) 解答の2行目を削除.

**p.389** 25.2(6) 解答の1行目「であるから」→「であり、ロピタルの定  
理の結論の右辺が  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\frac{1}{x}}{-1} = -1$  と収束するので」

**p.394** 7行目. 積分内「 $\frac{1}{1+x^3}$ 」→「 $\frac{3}{1+x^3}$ 」

『すべての人の微分積分学. 改訂版 (5刷)』正誤表

p.48 式(4.2)の中辺「 $\sum_{k=1}$ 」→「 $\sum_{k=1}^n$ 」